

Kategorialer Ausgleich bei trithematischen strukturellen Realitäten

1. Wie bereits in Toth (2014a, b) festgestellt wurde, stellt das System der 10 Peirce-Benseschen Zeichenklassen und ihren dualen Realitätsthematiken nur eine Teilmenge des Systems von insgesamt $3^3 = 27$ über der Relation $Z = (3.x, 2.y, 1.z)$ mit $x, y, z \in \{1, 2, 3\}$ erzeugbaren semiotischen Dualsysteme dar. Vor dem Hintergrund dieser Einsicht ist daher nicht erstaunlich, daß das sog. semiotische Zehnersystem nur ein einziges trithematisches Dualsystem aufweist

$$DS 6 = [3.1, 2.2, 1.3] \quad \times \quad [\underline{3.1}, \underline{2.2}, \underline{1.3}] \quad \text{triad. Them.,}$$

dessen Realität Max Bense wegen der Selbstidentität von Zeichen- und Realitätsthematik als "Eigenrealität" bezeichnet hatte (vgl. Bense 1992). Allerdings erscheint, zwar nicht im Zehnersystem, aber doch in der kleinen Matrix, noch eine zweite trithematische semiotische Struktur, nämlich die zur eigenrealen Nebendiagonalen der kleinen Matrix komplementäre Hauptdiagonale

$$DS 22 = [3.3, 2.2, 1.1] \quad \times \quad [\underline{1.1}, \underline{2.2}, \underline{3.3}] \quad \text{triad. Them.}$$

Bense spricht hier von "Kategorienrealität" im Sinne von "abgeschwächter Eigenrealität" und stellt einen formalen Zusammenhang zwischen den beiden trithematischen Realitäten durch kategoriale Ausgleichstransformationen her (Bense 1992, S. 22).

$$DS 6 = [3.1, 2.2, 1.3] \quad \times \quad [\underline{3.1}, \underline{2.2}, \underline{1.3}] \quad \text{triad. Them.,}$$
$$\quad \updownarrow \quad \updownarrow \quad \updownarrow \quad \updownarrow$$

$$DS 22 = [3.3, 2.2, 1.1] \quad \times \quad [\underline{1.1}, \underline{2.2}, \underline{3.3}] \quad \text{triad. Them.}$$

2. Wie man hingegen in Toth (2014a) gesehen hat, weist dagegen das vollständige 27er-System sechs trithematische Realitäten auf.

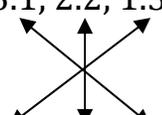
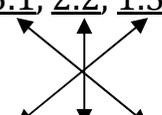
| | | | | |
|---------|-----------------|---|--|---------------|
| DS 6 = | [3.1, 2.2, 1.3] | × | [<u>3.1</u> , <u>2.2</u> , <u>1.3</u>] | triad. Them. |
| DS 8 = | [3.1, 2.3, 1.2] | × | [<u>2.1</u> , <u>3.2</u> , <u>1.3</u>] | triad. Them. |
| DS 12 = | [3.2, 2.1, 1.3] | × | [<u>3.1</u> , <u>1.2</u> , <u>2.3</u>] | triad. Them. |
| DS 16 = | [3.2, 2.3, 1.1] | × | [<u>1.1</u> , <u>3.2</u> , <u>2.3</u>] | triad. Them. |
| DS 20 = | [3.3, 2.1, 1.2] | × | [<u>2.1</u> , <u>1.2</u> , <u>3.3</u>] | triad. Them. |
| DS 22 = | [3.3, 2.2, 1.1] | × | [<u>1.1</u> , <u>2.2</u> , <u>3.3</u>] | triad. Them-, |

Die Eigenrealität erscheint somit als DS 6 und die Kategorienrealität als DS 22. Man kann nun paarweise die übrigen vier trithematischen Realitäten bzw. ihre Dualsysteme so miteinander in Relation stellen, daß der weitere kategoriale Ausgleich zwischen ihnen erkennbar wird.

2.1. Kategorialer Ausgleich mit Eigenrealität

| | | | | |
|--------|---|---|---|--------------|
| DS 6 = | [3.1, 2.2, 1.3] | × | [<u>3.1</u> , <u>2.2</u> , <u>1.3</u>] | triad. Them. |
| |  | |  | |
| DS 8 = | [3.1, 2.3, 1.2] | × | [<u>2.1</u> , <u>3.2</u> , <u>1.3</u>] | triad. Them. |

| | | | | |
|---------|---|---|---|--------------|
| DS 6 = | [3.1, 2.2, 1.3] | × | [<u>3.1</u> , <u>2.2</u> , <u>1.3</u>] | triad. Them. |
| |  | |  | |
| DS 12 = | [3.2, 2.1, 1.3] | × | [<u>3.1</u> , <u>1.2</u> , <u>2.3</u>] | triad. Them. |

| | | | | |
|---------|---|---|---|--------------|
| DS 6 = | [3.1, 2.2, 1.3] | × | [<u>3.1</u> , <u>2.2</u> , <u>1.3</u>] | triad. Them. |
| |  | |  | |
| DS 16 = | [3.2, 2.3, 1.1] | × | [<u>1.1</u> , <u>3.2</u> , <u>2.3</u>] | triad. Them. |

DS 6 = [3.1, 2.2, 1.3] × [3.1, 2.2, 1.3] triad. Them.



DS 20 = [3.3, 2.1, 1.2] × [2.1, 1.2, 3.3] triad. Them.



DS 6 = [3.1, 2.2, 1.3] × [3.1, 2.2, 1.3] triad. Them.



DS 22 = [3.3, 2.2, 1.1] × [1.1, 2.2, 3.3] triad. Them.



2.2. Kategorialer Ausgleich mit Kategorienrealität

DS 22 = [3.3, 2.2, 1.1] × [1.1, 2.2, 3.3] triad. Them.



DS 8 = [3.1, 2.3, 1.2] × [2.1, 3.2, 1.3] triad. Them.



DS 22 = [3.3, 2.2, 1.1] × [1.1, 2.2, 3.3] triad. Them.



DS 12 = [3.2, 2.1, 1.3] × [3.1, 1.2, 2.3] triad. Them.



DS 22 = [3.3, 2.2, 1.1] × [1.1, 2.2, 3.3] triad. Them.



DS 16 = [3.2, 2.3, 1.1] × [1.1, 3.2, 2.3] triad. Them.



DS 22 = [3.3, 2.2, 1.1] × [1.1, 2.2, 3.3] triad. Them.



DS 20 = [3.3, 2.1, 1.2] × [2.1, 1.2, 3.3] triad. Them.

Linearen kategorialen Ausgleich gibt es also nur zwischen Eigen- und Kategorienrealität. Alle übrigen kategorialen Ausgleichstransformationen operieren chiasmatisch, wobei die eine Gruppe einfachen und die andere mehrfachen Chiasmus aufweist. Dabei finden sich folgende Isomorphismen zwischen eigenrealem (links) und kategorienrealem (rechts) Ausgleich

[τ : DS 6 \leftrightarrow DS 8] \cong [τ : DS 22 \leftrightarrow D20]

[τ : DS 6 \leftrightarrow DS 12] \cong [τ : DS 22 \leftrightarrow D16].

Literatur

Bense, Max, Die Eigenrealität der Zeichen. Baden-Baden 1992

Toth, Alfred, Das vollständige System struktureller semiotischer Realitäten. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2014a

Toth, Alfred, Semiotische Unvollständigkeit bithematischer struktureller Realitäten. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2014b

18.9.2014